

**تمرين 6** نعتبر في الفضاء المنسوب إلى معلم  $(o; \vec{i}; \vec{j}; \vec{k})$  النقط :

$$D(2; -1; 0) \text{ و } C(3; -3; 1) \text{ و } B(2; 1; 2) \text{ و } A(1; 3; 1)$$

$$\vec{u}(-1; 4; 1) \text{ المتجهة}$$

(1) حدد تمثيلا بارامتريا للمستقيم  $(D)$  المار من  $A$  و الموجه

$$\vec{u}$$

(2) هل النقط  $D(2; -1; 0)$  و  $C(3; -3; 1)$  و  $B(2; 1; 2)$  تنتمي

للمستقيم  $(D)$  ؟

(3) حدد تمثيلا بارامتريا للمستقيم  $(BC)$

(4) أدرس الوضع النسبي للمستقيمين  $(D)$  و  $(BC)$

**تمرين 7** ليكن  $(D)$  و  $(\Delta)$  مستقيمين من الفضاء معرفان على

التوالي يتمثليلهما البرامترين :

$$(\Delta) \begin{cases} x = 3 + k \\ y = -1 + 2k \\ z = 3 - k \end{cases} \quad (D) \begin{cases} x = 1 + t \\ y = 1 - t \\ z = 1 + t \end{cases} \quad (k \in \mathbb{R}) \quad (t \in \mathbb{R})$$

أدرس الوضع النسبي للمستقيمين  $(D)$  و  $(\Delta)$ .

**تمرين 8** نعتبر في الفضاء المنسوب إلى معلم  $(o; \vec{i}; \vec{j}; \vec{k})$  النقط

$$C(-1; 2; 2) \text{ و } B(1; 1; 3) \text{ و } A(2; -1; 2)$$

(1) بين أن النقط  $A$  و  $B$  و  $C$  غير مستقيمية

(2) أعط تمثيلا بارامتريا للمستوى  $(ABC)$

(3) أعط معادلة ديكرتية للمستوى  $(ABC)$

**تمرين 9** نعتبر في الفضاء المنسوب إلى معلم  $(o; \vec{i}; \vec{j}; \vec{k})$  النقطة

$$\vec{v}(1; -1; 2) \text{ و } \vec{u}(1; 1; 1) \text{ المتجهتين و } A(1; 1; 0)$$

و المستوى  $(Q)$  الذي معادلة الديكرتية :  $x + y - z + 1 = 0$

(1) أعط معادلة ديكرتية للمستوى  $(P)$  المار من  $A$  و الموجه

$$\vec{v} \text{ و } \vec{u}$$

(2) أدرس الوضع النسبي للمستويين  $(P)$  و  $(Q)$



<http://xyzmath.voila.net>

« c'est en forgeant que l'on devient forgeron » dit un proverbe.

c'est en s'entraînant régulièrement aux calculs et exercices que l'on devient un mathématicien

**تمرين 1** نعتبر في الفضاء المنسوب إلى معلم  $(o; \vec{i}; \vec{j}; \vec{k})$  النقط  $A$  و

$B$  و  $C$  و  $D$  بحيث :

$$\vec{OA} = \vec{i} + 2\vec{j} - 3\vec{k} \text{ و } \vec{OB} = 2\vec{i} + 5\vec{j} + 3\vec{k}$$

$$\vec{OC} = \vec{i} - 4\vec{j} + 2\vec{k} \text{ و } \vec{AD} = 3\vec{i} + 2\vec{j} + 5\vec{k}$$

(1) حدد إحداثيات  $A$  و  $B$  و  $C$  و  $D$  في المعلم  $(o; \vec{i}; \vec{j}; \vec{k})$

(2) حدد إحداثيات المتجهات  $\vec{AB}$  و  $\frac{1}{2}\vec{BC}$  و  $-2\vec{AC}$  في

الأساس  $(\vec{i}; \vec{j}; \vec{k})$ .

(3) حدد إحداثيات النقطة  $I$  منتصف القطعة  $[AD]$

(4) حدد إحداثيات المتجهات  $\vec{u} = \vec{AB} - 3\vec{AC}$  و  $\vec{v} = \vec{OA} + \vec{OB}$

و  $\vec{w} = \vec{AB} - 2\vec{AC} - \vec{BC}$  في الأساس  $(\vec{i}; \vec{j}; \vec{k})$ .

**تمرين 2** نعتبر في الفضاء المنسوب إلى الأساس  $(\vec{i}; \vec{j}; \vec{k})$  المتجهات

$$\vec{u}(1; -1; 2) \text{ و } \vec{v}(-2; 2; -4) \text{ و } \vec{w}(1; 1; 2)$$

(1) أدرس استقامة المتجهتين  $\vec{u}$  و  $\vec{v}$

(2) أدرس استقامة المتجهتين  $\vec{u}$  و  $\vec{w}$

**تمرين 3** نعتبر في الفضاء المنسوب إلى معلم  $(o; \vec{i}; \vec{j}; \vec{k})$  النقط

$$D(2; 3; 3) \text{ و } C(-1; 4; -3) \text{ و } B(2; 1; 3) \text{ و } A(1; 2; 1)$$

1. أدرس استقامة النقط  $A$  و  $B$  و  $C$

2. أدرس استقامة النقط  $A$  و  $B$  و  $D$

**تمرين 4** نعتبر في الفضاء المنسوب إلى الأساس  $(\vec{i}; \vec{j}; \vec{k})$  المتجهات

$$\vec{u}(1; 1; 2) \text{ و } \vec{v}(1; 0; 1) \text{ و } \vec{w}(2; m+1; 3-m)$$

حيث  $m$  بارامتر حقيقي.

(1) بين أن المتجهتين  $\vec{u}$  و  $\vec{v}$  غير مستقيمتين

(2) حدد العدد  $m$  بحيث تكون المتجهتين  $\vec{u}$  و  $\vec{w}$  مستقيمتين

**تمرين 5** نعتبر في الفضاء المنسوب إلى الأساس  $(\vec{i}; \vec{j}; \vec{k})$  المتجهات

$$\vec{u}(1; 1; 1) \text{ و } \vec{v}(-2; 1; 1) \text{ و } \vec{w}(0; 1; 2) \text{ و } \vec{x}(0; 3; 3)$$

حيث  $m$  بارامتر حقيقي.

(1) بين أن المتجهات  $\vec{u}$  و  $\vec{v}$  و  $\vec{x}$  مستوائية

(2) بين أن المتجهات  $\vec{u}$  و  $\vec{v}$  و  $\vec{w}$  غير مستوائية

(3) حدد العدد  $m$  بحيث تكون المتجهات  $\vec{u}$  و  $\vec{v}$  و  $\vec{y}$  مستوائية